

Os modelos lineares generalizados (**GLMs**) são uma ampliação dos modelos lineares ordinários. Os **GLM's** são usados quando os resíduos (erro) do modelo apresentam distribuição diferente da normal (gaussiana). A natureza da variável resposta é uma boa indicação do tipo de distribuição de resíduos que iremos encontrar nos modelos. Por exemplos, variáveis de contagem são inteiras e apresentam os valores limitados no zero. Esse tipo de variável, em geral, tem uma distribuição de erros assimétrica para valores baixos e uma variância que aumenta com a média dos valores preditos, violando duas premissas dos modelos lineares. Os casos mais comuns de modelos generalizados são de variáveis resposta de contagem, proporção e binária, muito comum nos estudos de ecologia e evolução.

**Devemos considerar os GLMs principalmente quando a variável resposta é expressa em:**

- contagens simples
- contagem expressa em proporções
- número de sucesso e tentativa
- variáveis binárias (ex. morto x vivo)
- tempo para o evento ocorrer (modelos de sobrevivência)

## Modelos Lineares Generalizados: binomial

Os modelos de proporção de sucessos (sucessos/tentativas), proporção simple (%) ou de resposta binária (presença/ausência, vivo/morto) são modelados, normalmente, com estrutura do erro binomial. Nesses casos os limites dos valores da variável resposta é bem definido: entre 0 e 1. Além disso, a variância não é constante e varia conforme a média. Essas características fazem com que os resíduos apresentem uma estrutura que aumenta e depois diminuí, e normalmente o máximo de desvios é encontrado nos valores intermediários.

## Função de ligação

A estrutura da função de ligação é a mesma para qualquer modelo:

O preditor linear está associado à estrutura determinística do modelo e relacionado à linearização da relação, aqui definido como  $\eta$ :

$$\eta = \alpha + \beta x$$

A função de ligação é o que relaciona o preditor linear com a esperança do modelo:

$$\eta = g(E\{y\})$$

A função de ligação  $g()$  para modelos com resposta binária ou proporção é chamada de `logit` ou `log odds-ratio`, definida como:

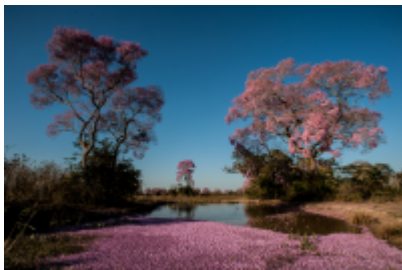
$$\eta = \log\left(\frac{p}{1-p}\right)$$

Para reverter o preditor linear da função logit para a escala de observação usa-se a função inversa:

$$\text{logit}^{-1} = \frac{e^{\eta}}{1 + e^{\eta}}$$

## Resposta: proporções

### Exemplo: floração



Mais um exemplo apresentado no livro do Michael Crawley, *The R Book*. Neste experimento o objetivo foi avaliar a floração de 5 variedades de plantas tratadas com hormônios de crescimento (6 concentrações). Depois de seis semanas as plantas foram classificadas em floridas ou vegetativas.

**Conjunto de Dados:** `flowering.txt`

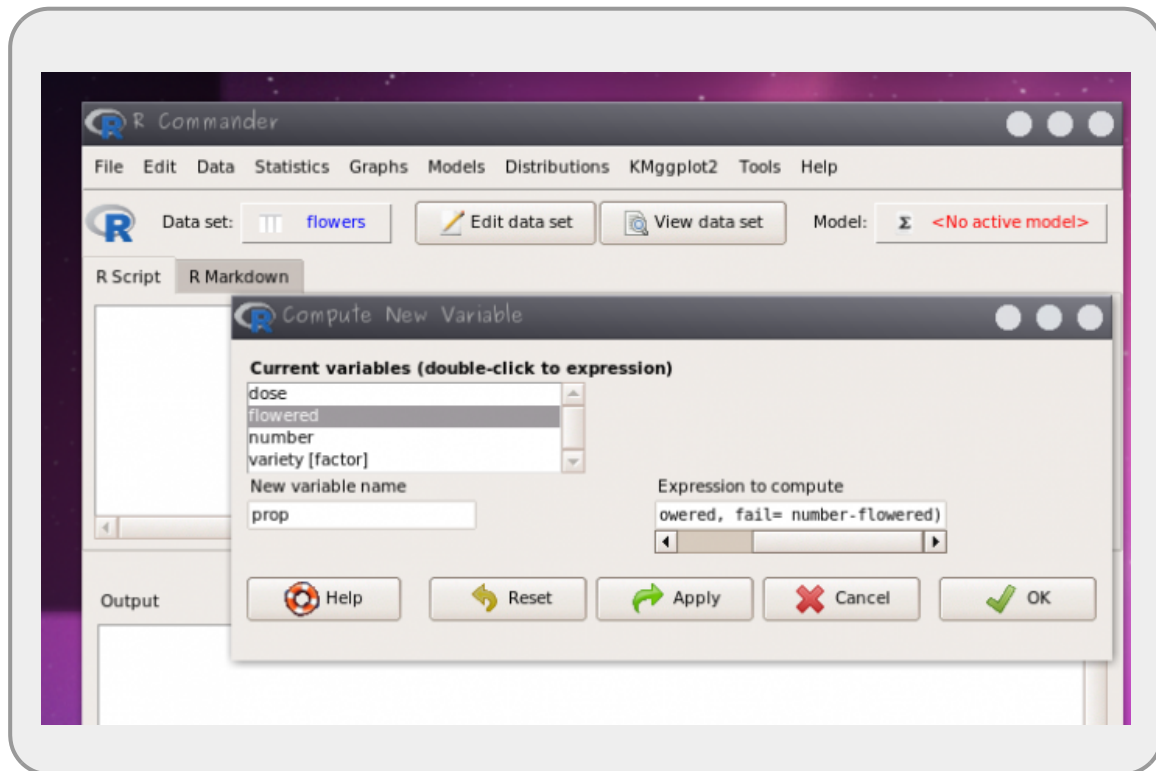
- **flowered:** número de plantas que floresceram
- **number:** número de plantas acompanhadas
- **dose:** concentração da dose de hormônio
- **variety:** variedade da planta (categórica 5 níveis)

## Hipótese

O objetivo do estudo que gerou esses dados é saber se o evento de floração é influenciado pelo dose de hormônio e a variedade da planta.

- baixe o arquivo `flowering.txt`
- abra os dados no Rcmdr (a separação de campo é espaço) com o nome `flower`
- crie a variável `prop` pelo menu **Data > Manage variables in active data set > Compute new variable...**, colocando no campo **Expression to compute:**

```
cbind(sucess = flowered, fail = number - flowered)
```



Esse comando acima cria uma nova variável nos dados **flower** chamada **prop**. Essa nova variável tem duas colunas (**sucess e fail**) contendo o número de plantas floridas e o número de plantas que não floresceram, respectivamente.

- use a variável `prop` como resposta (sucessos, falhas)
- monte o modelo cheio com todas as variáveis preditoras e interações
- simplifique o modelo para o mínimo adequado

#### Use os mesmos passos do modelo anterior no Rcmdr



- lembre-se que a family nesse caso é binomial
- o procedimento para a sobre-dispersão é o mesmo que no exemplo anterior

## Interpretação do resultado

Para interpretar tanto os coeficientes quanto os valores previsto é necessário aplicar a função inversa do logit, ou seja, nosso modelo faz previsões na escala de  $\log(\text{odds-ratio})$ , nosso preditor linear  $\hat{\eta}$ , e precisamos retornar para a escala de observação que é a probabilidade de florescer ( $\hat{y}$ ):

$$\hat{y} = \frac{e^{\hat{\eta}}}{1+e^{\hat{\eta}}}$$

- calcule o predito pelo modelo e os coeficientes na escala original
- interprete o efeito da concentração na floração das variedades

### **Transformar os coeficientes e valores preditos pelo GLM:**

Para transformar o valor predito pelo modelo ( $\log(\text{odds-ratio})$ ) na escala de medida (proporção) é preciso transformar os preditos pelo modelo. Para prever na escala de medida usamos a função `predict`, como no código abaixo. O predito pelo modelo, está na escala do preditor linear, portanto devemos transformar essa medida com a função inversa da logit, como no código abaixo. Lembre-se de mudar, no código, o "nomedomodelo" pelo nome que usou quando construiu o glm.



```
(preditoLinear <- predict("nomedomodelo"))  
(preditoProp <- exp(preditoLinear)/(1+ exp(preditoLinear)))
```

A própria função `predict`, também faz o serviço completo se colocarmos o argumento `type="response"`, como abaixo:

```
predito <- predict("nomedomodelo", type = "response")  
predito
```

## Gráfico e interpretação dos resultados

Para um gráfico dos resultados use o menu:

**Models > Graphs > Predict effect plots...**



A partir dos gráficos e do modelo selecionado faça um relato

(5 linhas) das interpretações biológicas. Esse relato, junto ao resultado e gráficos, deve ser enviado aos professores ao final da atividade.

## Resposta: binária

### Exemplo: pássaro na ilha

O conjunto de dados que vamos usar,

isolation.txt

tem como variável:

**Conjunto de dados:** isolation.txt

- **incidence:** presença/ausência da espécie de ave (reprodução)
- **area:** área total da ilha ( $\text{km}^2$ )
- **isolation:** distância do continente (km)

## Hipótese

O objetivo do estudo que gerou esses dados é saber se a ocorrência da ave (reprodução) está relacionada com o isolamento e tamanho da ilha.

- abra os dados `isolation.txt` no Rcmdr (a separação de campo é espaço)
- monte o modelo cheio com todas as variáveis preditoras e interações
- simplifique o modelo para o mínimo adequado

**Use os mesmos passos do modelo anterior no Rcmdr**



- lembre-se que a family nesse caso é binomial
- o procedimento para a sobre-dispersão é o mesmo que no exemplo anterior

## Interpretação do resultado

O modelo prevê a ocorrência da ave na escala de logaritmo da chance (log odds-ratio). Para interpretar tanto os coeficientes quanto os valores previsto é necessário aplicar a função inversa do `logit`, como no exercício anterior:

- calcule o predito pelo modelo e os coeficientes na escala original
- interprete o efeito do tamanho e distância na ocorrência da espécie

### **O que deve entregar?**

Para cada exercício feito, deve ser entregue, em um único arquivo:



- o resultado do modelo mínimo adequado
- os coeficientes estimados, na escala de observação
- gráficos que apresentem os resultados principais
- um relato de no máximo 5 linhas, ou em tópicos, da interpretação biológica dos resultados

## **Sobredispersão e acúmulo de zeros**

Os modelo GLM poisson e binomial apresentam a variância acoplada à média dos valores, diferentemente dos modelos com distribuição normal onde a média e a variância são independentes. Caso haja uma variação maior ou menor nos dados do que o previsto por essas distribuições, o modelo não consegue dar conta. Essa sobre-dispersão ou sub-dispersão dos dados indica que temos mais ou menos variação do que é predito pelos modelos. Isso pode ser decorrência de vários fontes de erro na definição do modelo, alguns exemplos são:

- o resíduo dos dados pode não ter sido gerado por um processo aleatório poisson ou binomial
- há mais variação do que predito pela ausência de preditoras importantes
- muitos zeros, além do predito pelas distribuições, em decorrência de diferentes processos: um que gera a ausência e outro que gera a variação nas ocorrências de sucesso

### **Soluções para a sobre-dispersão e acúmulo de zeros**

A solução mais simples para lidar com sobre-dispersão são os modelo quasipoisson e quasibinomial, que estimam um parâmetro a mais, relacionando a média à variância, o parâmetro de dispersão. Entretanto, os modelos quasi dão conta apenas de sobre-dispersões moderadas e não indicam qual a fonte dela. Há algumas alternativas ao modelo quasi para a sobre-dispersão dos dados, alguns deles estão listados abaixo:

- modelo binomial negativo
- modelo de mistura, considerando dois processos distintos
- modelos mistos, considerando a ausência de independência das observações
- modelos com acúmulos de zeros (Zero Inflated Models).

Não é objetivo deste curso mostrar todas essas alternativas, mas caso se deparem com esse problema, muito frequente na área da biológica, saibam que existem alternativas robustas para solucioná-lo.

From:

<http://labtrop.ib.usp.br/> - **Laboratório de Ecologia de Florestas Tropicais**

Permanent link:

<http://labtrop.ib.usp.br/doku.php?id=cursos:planeco:roteiro:10-glbinomial&rev=1586872756> 

Last update: **2020/04/14 10:59**